

DIDAKTICKÝ TEST

Maximální bodové hodnocení: 50 bodů
Hranice úspěšnosti: 33 %

1 Základní informace k zadání zkoušky

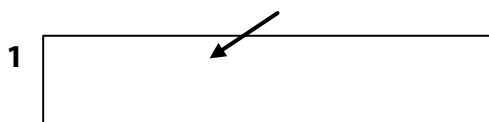
- **Didaktický test** obsahuje **25 úloh**.
- **Časový limit** pro řešení didaktického testu je **uveden na záznamovém archu**.
- **Povolené pomůcky:** psací a rýsovací potřeby, Matematické, fyzikální a chemické tabulky a kalkulačtor bez grafického režimu, bez řešení rovnic a úprav algebraických výrazů. Nelze použít programovatelný kalkulačtor.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Odpovědi píšete do záznamového archu.
- **Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.**
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- První část didaktického testu (úlohy 1–14) tvoří **úlohy otevřené**.
- Ve druhé části didaktického testu (úlohy 15–25) jsou uzavřené úlohy, které obsahují nabídku odpovědí. U každé úlohy nebo podúlohy je **právě jedna odpověď správná**.
- Za neuvedené řešení či za nesprávné řešení úlohy jako celku **se neudělují záporné body**.

2 Pravidla správného zápisu odpovědi

- Odpovědi zaznamenávejte **modře nebo černě** píšící propisovací tužkou, která píše **dostatečně silně a nepřerušovaně**.
- Budete-li rýsovat obyčejnou tužkou, následně obtáhněte čáry propisovací tužkou.
- Hodnoceny budou **pouze odpovědi uvedené v záznamovém archu**.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

- Výsledky **píšete čitelně** do vyznačených bílých polí.



- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- **Zápisy uvedené mimo** vyznačená bílá pole **nebudou hodnoceny**.
- Chybný zápis přeškrtněte a nově запиšte správné řešení.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

- Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.



- Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvete původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.



- Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědi a jejich oprav bude považován za nesprávnou odpověď.

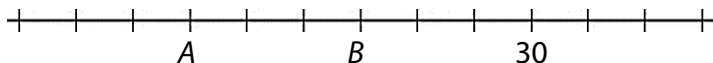
TESTOVÝ SEŠIT NEOTVÍREJTE, POČKEJTE NA POKYN!

1 bod

- 1 Na číselné ose je vyznačeno 13 bodů, které oddělují 12 stejných dílků. Jeden z bodů je obrazem čísla 30 a další dva jsou obrazy čísel A a B.

Platí: $B - A = 45$.

Určete čísla A a B.



Řešení:

$$B - A = 3 \text{ dílky}$$

$$B - A = 45$$

$$45 : 3 = 15 \dots 1 \text{ dílek}$$

$$A = -60$$

$$B = -15$$

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 2

Lukáš si na internetové televizi zaplatil sledování všech dílů oblíbeného seriálu. První týden viděl 40 % všech dílů seriálu, druhý týden $\frac{3}{8}$ všech dílů seriálu a třetí týden mu zbývalo zhlédnout ještě posledních 9 dílů do konce seriálu.

2 body

- 2 Kolik dílů celkem měl seriál, který Lukáš sledoval?

Řešení:

$$\frac{40}{100} \cdot x + \frac{3}{8} \cdot x + 9 = x$$

$$\frac{2}{5} \cdot x + \frac{3}{8} \cdot x + 9 = x \quad / \cdot 40$$

$$16x + 15x + 360 = 40x$$

$$9x = 360$$

$$x = 40$$

Seriál měl celkem 40 dílů.

1 bod

3 Objem koule je $x \text{ dm}^3$ a povrch této koule je $y \text{ dm}^2$, přičemž $x = y$.

Určete poloměr koule.

Výsledek uveďte v dm.

Řešení:

$$\frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 = 4 \cdot \pi \cdot r^2$$

$$\frac{1}{3}r = 1$$

$$r = 3$$

Koule má poloměr 3 dm.

2 body

4 **V oboru R řešte soustavu nerovnic:**

$$\frac{1+3x}{4} > \frac{1-2x}{3}$$

$$-6x \leq 1-7x$$

Výsledek zapište pomocí **intervalu**.

Řešení:

$$\frac{1+3x}{4} > \frac{1-2x}{3}$$

$$3+9x > 4-8x$$

$$17x > 1$$

$$x > \frac{1}{17}$$

$$-6x \leq 1-7x$$

$$x \leq 1$$

$$K = \left(\frac{1}{17}; 1 \right)$$

max. 2 body

5 V oboru \mathbb{R} řešte rovnici:

$$\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x^2-x} = \frac{1}{x} - 1$$

Do záznamového archu uveďte celý postup řešení.

Řešení:

$$\begin{aligned} \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x^2-x} &= \frac{1}{x} - 1 && x \neq 0; x \neq 1 \\ \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x \cdot (x-1)} &= \frac{1}{x} - 1 && / \cdot x \cdot (x-1) \\ x-1 &= (x-1) - x \cdot (x-1) \\ x-1 &= x-1-x^2+x \\ x-1 &= 2x-1-x^2 \\ x^2-x &= 0 \\ x \cdot (x-1) &= 0 \\ x_1 &= 0; x_2 = 1 \\ K &= \emptyset \end{aligned}$$

max. 2 body

6 Pro $x \in \mathbb{R} \setminus \{-1; 1\}$ zjednodušte výraz:

$$\left(\frac{x+1}{2x-2} + \frac{9-3x}{2x^2-2} - \frac{x}{2x+2} \right) : \frac{3}{4x^2-4} =$$

Do záznamového archu uveďte celý postup řešení.

Řešení:

$$\begin{aligned} &\left(\frac{x+1}{2x-2} + \frac{9-3x}{2x^2-2} - \frac{x}{2x+2} \right) : \frac{3}{4x^2-4} = \\ &= \left(\frac{x+1}{2 \cdot (x-1)} + \frac{9-3x}{2 \cdot (x^2-1)} - \frac{x}{2 \cdot (x+1)} \right) : \frac{3}{4 \cdot (x^2-1)} = \\ &= \frac{(x+1)^2 + (9-3x) - x \cdot (x-1)}{2 \cdot (x+1) \cdot (x-1)} \cdot \frac{4 \cdot (x+1) \cdot (x-1)}{3} = \\ &= \frac{2 \cdot (x^2 + 2x + 1 + 9 - 3x - x^2 + x)}{3} = \frac{2 \cdot 10}{3} = \frac{20}{3} \end{aligned}$$

max. 2 body

7 Předpis funkce f , definované pro všechna $x \in \mathbf{R}$, je

$$y = 5^{x-1} - 5^{x-2}$$

Určete všechna $x \in \mathbf{R}$, pro která je hodnota funkce f rovna 20.

Do záznamového archu uveďte celý postup řešení.

Řešení:

$$20 = 5^{x-1} - 5^{x-2}$$

$$20 = 5^x \cdot \left(\frac{1}{5} - \frac{1}{25} \right)$$

$$20 = 5^x \cdot \frac{4}{25}$$

$$25 \cdot 20 = 5^x \cdot 4$$

$$125 = 5^x$$

$$5^3 = 5^x$$

$$x = 3$$

max. 2 body

8 Předpis funkce f , definované pro všechna přípustná $x \in \mathbf{R}$, je

$$y = \log_4(2x + 1)$$

8.1 **Určete definiční obor funkce f . Zapište ho pomocí intervalu.**

8.2 **Určete všechna $x \in \mathbf{R}$, pro která je hodnota funkce f rovna $-\frac{1}{2}$.**

Řešení:

8.1

$$2x + 1 > 0$$

$$2x > -1$$

$$x > -\frac{1}{2}$$

$$\left(-\frac{1}{2}; \infty \right)$$

8.2

$$-\frac{1}{2} = \log_4(2x + 1)$$

$$\frac{1}{2} = 2x + 1$$

$$x = -\frac{1}{4}$$

- 9 Předpis kvadratické funkce g pro všechna $x \in \mathbf{R}$ je

$$y = x^2 - 2x - 2$$

Určete kartézské souřadnice vrcholu paraboly, která je grafem funkce g .

Řešení:

$$y = x^2 - 2x - 2$$

$$y = x^2 - 2x - 2 + 1 - 1$$

$$y = (x - 1)^2 - 3$$

$$V[1; -3]$$

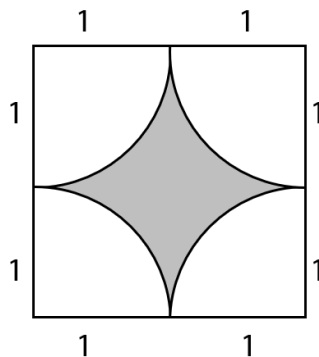
$$V\left[-\frac{b}{2a}; c - \frac{b^2}{4a}\right]$$

$$V\left[-\frac{-2}{2 \cdot 1}; -2 - \frac{(-2)^2}{4 \cdot 1}\right]$$

$$V[1; -3]$$

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

Dvoubarevná dlaždice, znázorněná na obrázku, má tvar čtverce. Strana tohoto čtverce má délku 2 jednotky. Hranice tmavé části dlaždice tvoří čtyři kružnicové oblouky. Každý z nich má střed v jiném vrcholu čtverce a poloměr 1 jednotku.



2 body

- 10 Jaký je poměr obsahu tmavé části dlaždice z výchozího obrázku ku obsahu celé této dlaždice?

Výsledek vyjádřete pomocí čísla π .

Řešení:

$$S_{\text{čtverec}} = a^2 = 4$$

$$S_{\text{tmavá část}} = S_{\text{čtverec}} - S_{\text{kruh}} = a^2 - \pi \cdot r^2 = 4 - \pi$$

Poměr obsahu tmavé části dlaždice ku obsahu celé dlaždice je $(4 - \pi) : 4$.

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 11

Nová sociální síť měla na konci prvního měsíce svého fungování 6 000 uživatelů. Každý další měsíc se počet uživatelů této sociální sítě zvýšil o polovinu oproti předchozímu měsíci.

2 body

11 Jaký byl počet uživatelů na konci 4. měsíce fungování této sociální sítě?

Řešení:

$$6\,000 \cdot 1,5^3 = 20\,250$$

Počet uživatelů na konci 4. měsíce fungování této sociální sítě byl 20 250.

2 body

12 V trojúhelníku ABC jsou dány délky stran $a = 7$ cm; $b = 8$ cm; $c = 13$ cm.

Vypočítejte součet dvou vnitřních úhlů trojúhelníku ABC , z nichž ani jeden není největším vnitřním úhlem tohoto trojúhelníku.

Řešení:

Úhel ležící proti nejdelší straně je největší. \Rightarrow Úhel γ je největší.

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \gamma$$

$$13^2 = 7^2 + 8^2 - 2 \cdot 7 \cdot 8 \cdot \cos \gamma$$

$$169 = 49 + 64 - 112 \cdot \cos \gamma$$

$$56 = -112 \cdot \cos \gamma$$

$$\cos \gamma = -\frac{1}{2}$$

$$\gamma = 120^\circ$$

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 60^\circ$$

Součet velikostí dvou menších úhlů je 60° .

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 13

Bazén má tvar kvádrů. Po vypuštění bazénu dosahuje voda na celém jeho dně do výšky 4 mm. Celkový objem této vody je 20 hl. Šířka bazénu je o 5 m menší než jeho délka.

max. 2 body

13 Vypočítejte šířku a délku bazénu.

Výsledek uveďte v metrech.

Do záznamového archu uveďte celý postup řešení.

Řešení:

$$V = a \cdot b \cdot c$$

$$2 = x \cdot (x - 5) \cdot 0,004$$

$$500 = x \cdot (x - 5)$$

$$500 = x^2 - 5x$$

$$0 = x^2 - 5x - 500$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-500)}}{2 \cdot 1} = \frac{5 \pm \sqrt{2025}}{2} = \frac{5 \pm 45}{2}$$

$$x_1 = 25$$

$$x_2 = -20 - \text{nevyhovuje}$$

$$a = x = 25$$

$$b = x - 5 = 20$$

Bazén má délku 25 m a šířku 20 m.

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

Dva traktory, které orají různě rychle, zorají pole společně za 4 hodiny. Kdyby nejdříve zorál jeden z traktorů právě polovinu pole a potom druhý traktor zorál zbývající polovinu pole, celková doba orby by byla 9 hodin.

max. 2 body

14 Vypočítejte, za kolik hodin by zorál celé pole první traktor a za kolik hodin druhý traktor.

Každý z traktorů orá stabilní rychlostí bez poruch a rychlostních výkyvů.

Do záznamového archu uveďte celý postup řešení.

Řešení:

1. traktor zorá sám za ... x hodin
 2. traktor zorá sám za ... y hodin
- oba traktory zorají za ... 4 hodiny

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{x}{2} + \frac{y}{2} = 9$$

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{18-x} = \frac{1}{4} \quad / \cdot x \cdot (18-x) \cdot 4$$

$$x + y = 18$$

$$y = 18 - x$$

$$4 \cdot (18 - x) + 4x = x \cdot (18 - x)$$

$$72 - 4x + 4x = 18x - x^2$$

$$x^2 - 18x + 72 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-(-18) \pm \sqrt{(-18)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 72}}{2 \cdot 1} = \frac{18 \pm \sqrt{36}}{2} = \frac{18 \pm 6}{2}$$

$$x_1 = 12$$

$$x_2 = 6$$

$$y = 18 - x$$

$$y = 18 - x$$

$$y_1 = 18 - 12$$

$$y_2 = 18 - 6$$

$$y_1 = 6$$

$$y_2 = 12$$

První traktor by pole sám zoral za 12 hodin a 2. traktor by sám pole zoral za 6 hodin nebo opačně.

max. 3 body

15 Pro $n \in \mathbf{N}$ je dána posloupnost vzorcem pro n -tý člen:

$$a_n = \frac{82 - 6n}{5}$$

Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (15.1–15.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

- | | A | N |
|--|-------------------------------------|-------------------------------------|
| 15.1 První tři členy dané posloupnosti jsou $a_1 = 15,2$; $a_2 = 14$; $a_3 = 12,8$. | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 15.2 Pro danou posloupnost platí $a_{n+10} - a_n = 12$. | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |
| 15.3 Součet prvních 25 členů dané posloupnosti je 20 ($s_{25} = 20$). | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

Řešení:

15.1

$$a_1 = \frac{82 - 6 \cdot 1}{5} = \frac{82 - 6}{5} = \frac{76}{5} = 15,2$$

$$a_2 = \frac{82 - 6 \cdot 2}{5} = \frac{82 - 12}{5} = \frac{70}{5} = 14$$

$$a_3 = \frac{82 - 6 \cdot 3}{5} = \frac{82 - 18}{5} = \frac{66}{5} = 12,8$$

15.2 Pro danou posloupnost platí $a_{n+10} - a_n = 12$ **Řešení:**

$$a_{n+10} - a_n = \frac{82 - 6 \cdot (n + 10)}{5} - \frac{82 - 6n}{5} = \frac{82 - 6n - 60 - 82 + 6n}{5} = -\frac{60}{5} = -12$$

15.3 Součet prvních 25 členů dané posloupnosti je 20 ($s_{25} = 20$).**Řešení:**

$$s_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$$

$$a_1 = \frac{82 - 6 \cdot 1}{5} = \frac{82 - 6}{5} = \frac{76}{5} = 15,2$$

$$a_{25} = \frac{82 - 6 \cdot 25}{5} = \frac{82 - 150}{5} = -\frac{76}{5} = -13,6$$

$$s_{25} = \frac{15,2 - 13,6}{2} \cdot 25 = 20$$

1 bod**16** Délka 40 mm na mapě odpovídá vzdálenosti 20 km ve skutečnosti.**Jaké je měřítko mapy?**

A) 1 : 500

B) 1 : 5 000

C) 1 : 50 000

 D) 1 : 500 000

E) jiný výsledek

Řešení:

$$40 \text{ mm} : 20 \text{ km} = 4 \text{ cm} : 2\,000\,000 \text{ cm} = 1 \text{ cm} : 500\,000 \text{ cm}$$

Měřítko mapy je 1 : 500 000.

2 body

17 Kód na kódovacím zámku kufru je tvořen čtyřmi **navzájem různými číslicemi**. Víme, že první číslice kódu je 7. Číslice na druhé, třetí a čtvrté pozici jsou číslice od 0 do 9.

Která z následujících možností odpovídá počtu všech různých kódů, které mohou být za daných podmínek na zámku nastaveny? Uvažujte, že zámek je zcela funkční.

- A) $\binom{10}{4}$
B) $\binom{9}{3}$
C) $10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7$
D) $10 \cdot 9 \cdot 8$
E) $9 \cdot 8 \cdot 7$

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 18

V kartézské souřadnicové soustavě jsou dány body $A[5; 2]$, $B[1; 5]$ a $C[-2; 1]$.

Tyto body tvoří trojúhelník ABC .

max. 4 body

18.1 **Jaká je velikost výšky** v_c (výška na stranu c)?

- A) 5
B) $\frac{5\sqrt{2}}{2}$
C) $5\sqrt{2}$
D) $\sqrt{5}$
E) jiný výsledek

Řešení:

$$\overrightarrow{AB} = (-4; 3)$$

$$\overrightarrow{AB}: 3x + 4y + c = 0$$

$$A \in \overrightarrow{AB}: 3 \cdot 5 + 4 \cdot 2 + c = 0$$

$$c = -23$$

$$\overrightarrow{AB}: 3x + 4y - 23 = 0$$

$$v(C; \overrightarrow{AB}) = \frac{|3 \cdot (-2) + 4 \cdot 1 - 23|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{25}{5} = 5$$

18.2 Jaká je velikost těžnice t_c (těžnice na stranu c)?

- A) $\frac{5\sqrt{2}}{2}$
- B) $5\sqrt{2}$
- C) $\frac{5\sqrt{5}}{2}$
- D) $5\sqrt{5}$
- E) jiný výsledek

Řešení:

$$S_{AB} \left[3; \frac{7}{2} \right]$$

$$t_c = |S_{AB}C| = \left| \left(-5; -\frac{5}{2} \right) \right| = \sqrt{(-5)^2 + \left(-\frac{5}{2} \right)^2} = \sqrt{25 + \frac{25}{4}} = \frac{5}{2}\sqrt{5}$$

1 bod

19 Je dán zlomek $\frac{\sqrt{2}}{2-\sqrt{2}}$.

Do kterého z následujících tvarů lze tento zlomek upravit?

- A) $\frac{1}{2}$
- B) $1+\sqrt{2}$
- C) 1
- D) $\sqrt{2}$
- E) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

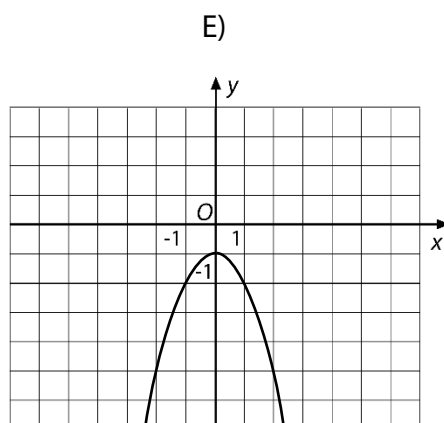
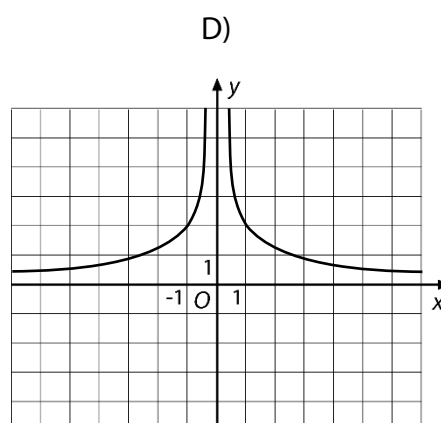
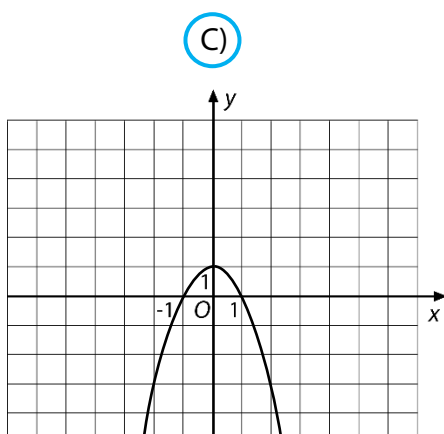
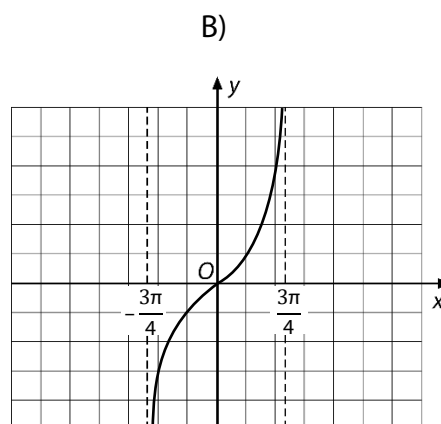
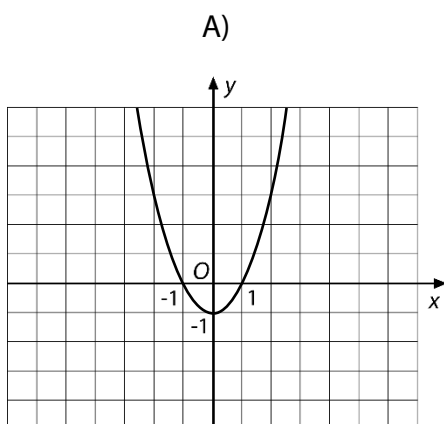
Řešení:

$$\frac{\sqrt{2}}{2-\sqrt{2}} \cdot \frac{2+\sqrt{2}}{2+\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}+2}{4-2} = \frac{2 \cdot (\sqrt{2}+1)}{2} = \sqrt{2}+1$$

20 Předpis funkce f pro všechna x z definičního oboru této funkce je

$$y = -x^2 - \operatorname{tg} \frac{3}{4} \pi$$

Který z následujících obrázků (A–E) je grafem funkce f v kartézské soustavě souřadnic Oxy ?



Řešení:

$$y = -x^2 - \operatorname{tg} \frac{3}{4} \pi = -x^2 + 1$$

2 body

21 Předpis funkce g je

$$y = (x - 3) \cdot (x + 5) \cdot (x^2 + 1)$$

Jaké číslo bude výsledkem, sečte-li se počet průsečíků funkce g s osou x a počet průsečíků funkce g s osou y ?

- A) 4
- B) 3
- C) 2
- D) 1
- E) 0

Řešení:

$$y(0) = (0 - 3) \cdot (0 + 5) \cdot (0^2 + 1) = (-3) \cdot 5 \cdot 1 = -15 \Rightarrow [0; -15]$$

$$0 = (x - 3) \cdot (x + 5) \cdot (x^2 + 1) \Rightarrow [3; 0] [-5; 0]$$

2 body

22 Jsou dána čísla A a B .

$$A = 1000! \cdot 3!$$

$$B = 999! \cdot 5!$$

Kolikrát je číslo A větší než číslo B ?

- A) 3krát
- B) 5krát
- C) 50krát
- D) 1 000krát
- E) Číslo A je menší než číslo B .

Řešení:

$$\frac{A}{B} = \frac{1000! \cdot 3!}{999! \cdot 5!} = \frac{1000 \cdot 999! \cdot 3!}{999! \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3!} = \frac{1000}{5 \cdot 4} = \frac{1000}{20} = 50$$

2 body

23 Aritmetický průměr čísel 12; 4; $6x - 2$; $x + 1$; $4x$; $4x + 3$; $2x - 2$; $5x - 4$ je 12,5.

Jaký je medián těchto čísel?

- A) 12
- B) 12,5
- C) 13
- D) 14
- E) 16

Řešení:

$$\frac{12 + 4 + (6x - 2) + (x + 1) + 4x + (4x + 3) + (2x - 2) + (5x - 4)}{8} = 12,5$$

$$\frac{12 + 22x}{8} = 12,5$$

$$12 + 22x = 100$$

$$22x = 88$$

$$x = 4$$

4	4
$x + 1$	5
$2x - 2$	6
12	12
$5x - 4$	16
$4x$	16
$4x + 3$	19
$6x - 2$	22

medián = 14

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 24

Je dán algebraický výraz:

$$\frac{x^2 - 16}{2x^2 - 7x - 4}$$

max. 4 body

24 Ke každé podúloze (24.1–24.2) přiřadte odpovídající výsledek (A–F).

24.1 Jaké jsou všechny hodnoty x , pro něž zadaný výraz nemá smysl?

D

24.2 Jaké jsou všechny nulové body tohoto výrazu?

C

A) $-4; 4$

B) 4

C) -4 **24.2**

D) $-\frac{1}{2}; 4$ **24.1**

E) $-\frac{1}{2}$

F) jiný výsledek

Řešení:

24.1

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-4)}}{2 \cdot 2} = \frac{7 \pm \sqrt{49 + 32}}{4} = \frac{7 \pm \sqrt{81}}{4} = \frac{7 \pm 9}{4}$$

$$x_1 = 4$$

$$x_2 = -\frac{1}{2}$$

Řešení:

24.2

$$\frac{x^2 - 16}{2x^2 - 7x - 4} = \frac{(x - 4) \cdot (x + 4)}{2x^2 - 7x - 4}$$

$$x = -4$$

$x = 4$ – výraz nemá smysl – výsledek vyloučen

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 25

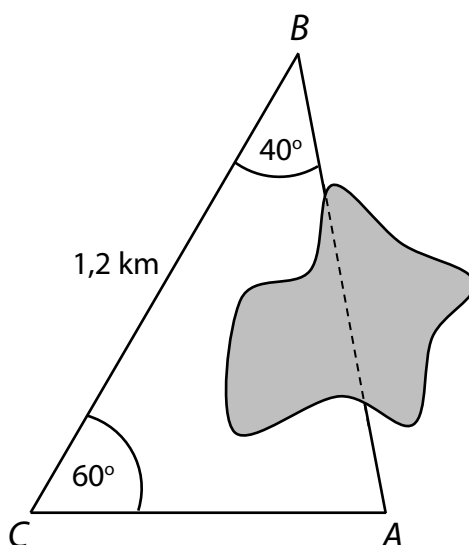
Místo A je od místa B oddělené vodní nádrží (šedá plocha). Most, který vede přes nádrž po nejkratší spojnici z A do B , se opravuje. Proto se musí (dle obrázku) užívat cesta tvořená přímými úseky AC a CB .

Jsou známé tyto údaje: $|CB| = 1,2$ km

$\beta = 40^\circ$ (úhel při vrcholu B)

$\gamma = 60^\circ$ (úhel při vrcholu C)

Jakmile se most opraví, bude možné využívat i přímou cestu z A do B .



2 body

25 O kolik metrů se zkrátí cesta z A do B po opravě mostu, využije-li se přímá cesta?

Výsledek zaokrouhlete na stovky metrů.

A) 600

B) 800

C) 900

D) 1 000

E) 1 100

Řešení:

$$\frac{|AC|}{\sin 40^\circ} = \frac{|BC|}{\sin 80^\circ} \Rightarrow \frac{|AC|}{\sin 40^\circ} = \frac{1,2}{\sin 80^\circ} \Rightarrow |AC| = 0,783 \text{ km}$$

$$\frac{|AB|}{\sin 60^\circ} = \frac{|BC|}{\sin 80^\circ} \Rightarrow \frac{|AB|}{\sin 60^\circ} = \frac{1,2}{\sin 80^\circ} \Rightarrow |AB| = 1,055 \text{ km}$$

$$|AC| + |BC| - |AB| = 783 + 1200 - 1055 = 928 \text{ m}$$

ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZÁZNAMOVÉHO ARCHU UVEDL/A VŠECHNY ODPOVĚDI.